

Prof : Mhamdi Fethi

Ecole : Chrahil

Classe : 2^{ème} science

Devoir de contrôle N°1
Mathématiques

Date : 23 /10/2017

AS : 2017/2018

Duré : 1 Heure

Exercice n°1(5 points)


Dans chacune des questions suivantes, une seule des trois réponses proposée est correcte.

Indiquer sur votre copie le numéro de la question et la réponse choisie.

- 1) Une factorisation du trinôme $3x^2 + 3x - 6$ est
 $3(x - 1)(x - 2)$ $3(x - 1)(x + 2)$ $(x - 1)(x + 2)$
- 2) l'équation du second degré $\left(\frac{1-\sqrt{3}}{2}\right)^{2017}x^2 - \sqrt{2}x + \left(\frac{1-\sqrt{3}}{5}\right)^{2018} = 0$ admet dans IR
 Une seule solution deux solutions distinctes aucune solution
- 3) on donne le tableau de signe du trinôme $ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$). Alors

		3/2		x''		
	$-\infty$					$+\infty$
x						
$ax^2 + bx + c$		+	0	-	0	+

- $a > c$ $a < c$ $a = c$
- 4) Soit (O, \vec{i}, \vec{j}) un repère cartésien du plan, $\vec{u} \begin{pmatrix} m-1 \\ 2 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} -1 \\ m+1 \end{pmatrix}$ deux vecteurs. Alors \vec{u} et \vec{v} sont orthogonaux si et seulement si

- $m = 3$ $m = 1$ $m = -3$
- 5) Dans la figure ci-contre  G est le barycentre des points pondérés :
 $(A, -1)$ et $(B, \frac{1}{3})$ $(A, 2)$ et $(B, 1)$ $(A, 1)$ et $(B, -3)$

Exercice n°2(7.5 points)

Soit le $A = \frac{2x^2 - 7x + 3}{-x^2 + 2x + 3}$

- 1) a) résoudre dans IR les équations : $2x^2 - 7x + 3 = 0$ et $-x^2 + 2x + 3 = 0$
b) en déduire le signe de A

2) montrer que $A = \frac{1-2x}{x+1}$

3) soit le trinôme $B = ax^2 + bx + c$ et son tableau de signe

x	$-\infty$					$+\infty$
$ax^2 + bx + c$		-	0	+	0	-

a) donner le signe de a, b et c

b) en déduire le tableau de signe de $B = cx^2 + bx + a$

c) on donne $a = -2$. Trouver b et c

d) donner le signe du nombre réel $-2\left(\frac{\sqrt{2017+1}}{\sqrt{2017-1}}\right)^2 - 2\left(\frac{\sqrt{2017+1}}{\sqrt{2017-1}}\right) + 4$

Exercice n°3(7.5 points)

Soit (O, \vec{i}, \vec{j}) un repère orthonormé du plan, $A(4,2), B(2,4)$ et $C(-1,-3)$

1) a) déterminer les composantes des vecteurs \vec{AB} et \vec{AC} .

b) en déduire que les points A, B et C ne sont pas alignés

2) soit $F = B * C$

a) déterminer les coordonnées de F

b) montrer que les points A, B et C sont situés sur le cercle \mathcal{C} de centre F

c) en déduire la nature du triangle ABC

3) soit G le centre de gravité du triangle ABC

montrer que $\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} = 3\vec{OG}$

Bon travail